

Министерство образования Новгородской области  
Комитет образования Администрации Новгородского муниципального района  
Муниципальное автономное общеобразовательное учреждение  
«Борковская средняя общеобразовательная школа»

РАССМОТРЕНО

Педагогическим  
советом МАОУ  
"Борковская СОШ"

Протокол №1 от «30»  
август 2023 г.

УТВЕРЖДЕНО

Директор МАОУ  
"Борковская СОШ"

Н.В. Гришина  
Приказ №1 от «30» августа  
2023 г.



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
Внеурочной деятельности  
«РЕАЛЬНАЯ МАТЕМАТИКА»**

5-9 класс

Основное общее образование  
срок реализации – 5 лет

Программа курса, разработана в соответствии с Федеральным Законом Российской Федерации от 29.12.2012 г. № 273 «Об образовании в Российской Федерации»; в целях реализации ФГОС НОО (утв. Приказом МОиН РФ от 6 октября 2009 г. № 373, с изменениями от 26 ноября 2010 г. № 1241), с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта (ФГОС) основного общего образования (утверждён приказом Министерства образования и науки РФ от 17 декабря 2010 года № 1897). Программа составлена на основе опыта работы авторов-составителей учебных пособий для учащихся и методических пособий для учителей и является авторской. Программа «Реальная математика» была разработана в начале 2000-х годов доцентами ДНУ как программа системной подготовки к Тестированию.

. Основная задача этой программы — мотивация школьников, а её основная особенность — практико-ориентированность.

Особенностью данного курса является практическая значимость тех задач, которые используются для проведения занятий. Материал учебных пособий развивает интерес к предмету и готовит учащихся к участию в математических олимпиадах, конкурсах, в частности, к конкурсам «Золотой ключик» и «Волшебный сундучок», задачи которых прошлых лет лежат в основе большинства пособий.

Преподавание по этой программе строится как углубленное изучение вопросов, предусмотренных программой основного курса в области реальной математики. При этом, немалое внимание авторов курса уделяется и корректировке базового курса, так как без достаточной подготовки справиться с программой курса будет невозможно.

Программа следует логике всех утвержденных программ по математике и может быть использована как программа по внеурочной деятельности в средней общеобразовательной школе. Программа составлена с учетом преемственности с программами начального и основного общего образования по математике. Она предусматривает повторение и расширение теоретического материала и его использование при решении практико-ориентированных задач. Программа направлена на устранение «пробелов» в базовой составляющей математики, систематизацию знаний по основным разделам школьной программы. Программа данного курса способствует подготовке школьников к решению задач ОГЭ по всем разделам.

Данная программа ставит своей целью развитие у школьников личностных качеств, а также формирование учебно-смысовых компетенций в соответствии с требованиями ФГОС по математике. Современный заказ общества требует от учителя сформировать у детей те знания и умения, которыми ученик сможет воспользоваться в дальнейшей жизни. Необходимо сформировать умение применить математические знания в реальных ситуациях. Программа курса предусматривает создание таких учебных ситуаций, которые требуют формирование умений моделировать процессы и явления с помощью математики и решать жизненные задачи различных типов.

Программа курса ставит своей целью создать среду, в которой реализуется:

**– системно-деятельностный подход**, предполагающий наличие у учащихся учебно-познавательной мотивации, умения определять цели предстоящей деятельности и планировать её, а также оперировать логическими приёмами мышления, владеть приёмами самоконтроля и самооценки, как важнейшими учебными действиями;

– **концепция развития универсальных учебных действий (УУД) школьников** (личностных, познавательных, регулятивных, коммуникативных). В соответствии с этой концепцией универсальные учебные действия, их свойства и качества определяют эффективность образовательного процесса, в частности усвоение знаний, формирование умений, образа окружающего мира и основных компетенций учащегося, в том числе социальной и личностной. УУД обеспечивают формирование психологических новообразований и способностей учащихся, которые в свою очередь, определяют условия успешной учебной деятельности.

*Направление развития личности, в рамках которого разработана программа* — общеинтеллектуальное.

**Актуальность программы.** Для успешного участия в современной общественной жизни личность должна владеть приемами математической деятельности и навыками их приложений к решению практических задач. Особенно важно показать школьнику, что знания полученные на уроках математики, могут применяться при решении задач, выходящих за пределы школьной программы. Определенной математической подготовки и готовности ее применять требует и изучение многих учебных предметов общеобразовательной школы. В основной школе необходимо развить математические способности для продолжения образования на следующих этапах и получения в дальнейшем качественного профессионального образования. Обеспечение математической грамотности учащихся — их готовности и способности решать жизненные задачи с помощью математики — должно быть одной из главных целей математического образования. На это нацеливают и международные мониторинговые исследования, в частности TIMSS и PISA. Существенное усиление прикладной направленности обучения математике, обеспечивающее готовность учащихся выявлять возможности для применения математики, использовать математические знания для решения жизненных задач, — актуальная задача в реализации концепции развития математического образования Российской Федерации. Это актуально и для внедрения ФГОС.

**Описание места данного курса в основной образовательной программе.** Внеурочная деятельность является неотъемлемой, обязательной частью образовательного процесса в школе; это — органическое продолжение учебных занятий.

Курс внеурочной деятельности «Реальная математика» предназначен для решения следующих задач основной образовательной программы по математике:

- формирование учебной мотивации посредством привлечения учащихся к решению жизненных задач с помощью математики;
- удовлетворение потребности обучающихся в формировании математической грамотности и повышении уровня математической подготовки;

- развитие математических способностей учащихся;
- формирование эвристических приемов решения практико-ориентированных задач;
- формирование критичного стиля мышления с применением анализа и синтеза.

**Реализация данной программы будет способствовать достижению следующих образовательных результатов, обозначенных в ФГОС:**

- осознанию учащимися значимости математики в повседневной жизни человека;
- развитию представлений о математике как форме описания и методе познания действительности, созданию условий для приобретения первоначального опыта математического моделирования;
- овладению математическими знаниями и умениями, необходимыми для продолжения обучения в старшей школе или иных общеобразовательных учреждениях, изучения смежных дисциплин, для применения в повседневной жизни;
- формированию представлений о математике как части общечеловеческой культуры, о значимости математики в развитии цивилизации и современного общества;
- воспитанию качеств личности, обеспечивающих социальную мобильность, способность принимать самостоятельные решения.

Программа составлена на основе многолетнего опыта обучения учащихся в заведениях дополнительного обучения математике.

**Цель курса** — создание педагогических условий для формирования у обучающихся высокого уровня математической грамотности, овладение методом математического моделирования, развитие способностей применять математику для решения жизненных задач.

**Задачи курса:**

- показать связь тем школьной программы с задачами курса «Реальная математика», сформировать устойчивый интерес учащихся к предмету;
- развить умение анализировать практико-ориентированную задачу, умение интерпретировать полученный результат;

- расширить у учащихся представление об изучаемых математических понятиях и методах как важнейших средствах математического моделирования реальных процессов и явлений;
- научить строить и исследовать простейшие математические модели реальных объектов, процессов и явлений, задач, связанных с ними, с помощью математических объектов, соответствующих математических задач;
- развить умения, необходимые для применения метода математического моделирования;
- научить оперировать составом математических знаний и умений, предусмотренных основной образовательной программой по математике, для решения прикладных задач;
- способствовать формированию у учащихся умения учиться и применять полученные знания на практике, развитию у них личностных качеств, необходимых для осознанного построению индивидуальной образовательной траектории с учётом устойчивых познавательных интересов.

В основу программы положен деятельностный подход к обучению. Программа предусматривает:

- выполнение практических заданий и экспериментальных работ на этапе «открытия» новых знаний, что приведет к формированию приемов, необходимых для применения метода математического моделирования;
- решение проблемных задач исследовательского характера, что обеспечит овладение наряду с предметными действиями и способами деятельности широким спектром метапредметных (анализ, синтез, абстрагирование, сравнение, классификация и др.);
- формирование способов деятельности, необходимых при решении жизненных задач, задач из смежных предметов, при продолжении образования, в будущей профессиональной жизни;
- осуществление учебной деятельности, формирующей ориентировочные основы для решения прикладных задач;
- организацию обучения решению жизненных задач на основе математических знаний и умений, предусмотренных основной образовательной программой по математике, и на некотором их расширении, связанном с применением;
- возможность её реализации отдельными модулями, начиная с любого класса основной школы, так как большинство учебных

модулей, запланированных в программе для различных лет обучения, и даже внутри одного года обучения, независимы друг от друга, и каждый из них направлен на овладение обучающимися методом математического моделирования, опираясь на их знания и умения, приобретенные при изучении курса математики в соответствующем классе.

Учитывая автономность модулей и возможность рассмотрения зачастую одних и тех же прикладных задач в различных классах, реализацию программных модулей можно переносить из одного класса в другой.

***Объем программы, срок ее освоения.***

Программа рассчитана на 5 учебных лет, 1 часа еженедельно в течение учебного года.

***Раздел 2. Планируемые результаты освоения курса внеурочной деятельности***

Изучение математики по данной программе способствует формированию у учащихся личностных, предметных и метапредметных результатов обучения, соответствующих требованиям ФГОС.

Планируемые результаты освоения курса отражают состав тех универсальных учебных действий и предметных умений, которыми могут овладеть школьники.

***Перечень предметных результатов освоения курса «Реальная математика».***

В результате изучения курса «Реальная математика» учащийся получит возможность:

1) развить представления о математике как о методе познания действительности, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления;  
2) научиться распознавать жизненные задачи которые можно решить средствами математики и находить пути их решения, а именно:

- формулировать эти задачи на языке математики;
- решать полученные математические задачи, используя математические факты и методы;
- анализировать использованные методы решения;

- интерпретировать полученные результаты с учетом поставленной проблемы;
- формулировать и записывать результаты решения;

3) усовершенствовать владение приёмами, используемыми при решении задач, в частности:

– овладевать необходимой оперативной информацией для понимания постановки математической задачи, ее характера и особенностей;

– уточнять выходные данные, цели задания, находить необходимую дополнительную информацию, средства решения задачи;

– переформулировать задачу;

– расчленять задачи на составляющие, устанавливать связи между ними, составлять план решения задачи;

– выбирать средства решения задачи, их сравнивать и применять оптимальные;

– проверять правильность решения задачи;

– анализировать и интерпретировать полученный результат, оценивать его пригодность с разных позиций;

– обобщать задачу, всесторонне ее рассматривать;

– принимать решение по результатам решения задачи;

4) развить представления о свойствах различных классов чисел и числовых систем, научиться применять их для решения практических задач, в частности:

– усовершенствовать умения выполнять действия над числами при различных способах их задания;

– находить приближённые значения величин с заданной точностью;

– пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчётах;

- выполнять процентные вычисления;
  - вычислять значения выражений, содержащих именованные переменные;
  - сравнивать значения величин, используя их свойства, различные единицы измерения;
  - применять вычислительные навыки при решении жизненных задач (расчёты при покупках, планирование ремонта и других действий, распределение работы и т. п.) с использованием при необходимости справочных материалов, калькулятора, компьютера;
- 5) усовершенствовать владение символьным языком алгебры, приёмами выполнения тождественных преобразований выражений, решения уравнений и систем уравнений, неравенств и систем неравенств, и их применения при решении прикладных задач, в частности:
- составлять буквенные выражения, уравнения, неравенства и их системы для моделирования связей между значениями различных величин и нахождения неизвестных значений величин и количеств;
  - преобразовывать буквенные выражения, с целью упрощения вычисления их значений, уравнения, неравенства, системы уравнений с целью упрощения их решения;
  - решать уравнения, неравенства, системы уравнений различными методами;
- 6) усовершенствовать владение системой знаний о функциях как важнейших математических моделей для описания и исследования разнообразных процессов, умения использовать функциональные методы и функционально-графические представления для решения различных математических задач, для описания и анализа реальных зависимостей, в частности:
- применять свойства прямо и обратно пропорциональных величин, линейной и квадратичной зависимостей для решения прикладных задач;
  - моделировать с помощью функций равномерное и равнопеременное движения и задачи, с ними связанные;
  - исследовать функциональные зависимости реальных величин;

7) усовершенствовать владение геометрическим языком, представления о том, что геометрические фигуры являются математическими моделями реальных физических объектов, умения моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием математики, в частности:

- находить, сравнивать и оценивать длины, углы, площади в реальных ситуациях, используя различные методы;
- применять свойства фигур и отношений между ними (равенство, подобие и др.) при решении прикладных задач;
- преобразовывать фигуры различными способами, составлять геометрические фигуры из заданных;

8) развить вероятностно-статистическое и комбинаторное мышление учащихся, в частности:

- владеть простейшими способами представления, сбора, регистрации и анализа статистических данных;
- сформировать представление о статистических закономерностях в реальном мире и о различных способах их изучения;
- развить умения извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, описывать и анализировать массивы числовых данных с помощью подходящих статистических характеристик;
- различать случайные и детерминированные явления, случайные и неслучайные события;
- использовать понимание вероятностных свойств окружающих явлений при принятии решений;
- сравнивать и оценивать шансы наступления событий;
- подсчитывать различными способами количество различных конфигураций элементов, удовлетворяющих заданным условиям.

***Перечень личностных результатов освоения курса «Реальная математика».***

В результате изучения курса «Реальная математика» учащийся получает возможность

- сформировать учебно-познавательный интерес к математическим задачам прикладного характера и способам решения этих задач, ответственное отношение к учению, готовность и способности к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию, выбору путей дальнейшего образования на базе ориентировки в мире профессий и профессиональных предпочтений;
- повысить мотивацию к занятиям математикой, её изучению и применению, пониманию причин успеха в учебной деятельности;
- углубить целостное представление о математической науке как сфере человеческой деятельности, об этапах её развития, о её значимости для развития цивилизации;
- развить умения проводить самооценку своих достижений, планировать и реализовывать проведение коррекционной работы, умение определять границы своего незнания, преодолевать трудности с помощью одноклассников и учителя;
- развить интерес к математическому творчеству и математические способности.

***Перечень метапредметных результатов освоения курса «Реальная математика».***

В результате изучения курса «Реальная математика» учащийся получит возможность:

- развить умения самостоятельно ставить цели, выбирать средства их достижения;
- развить умения самостоятельно планировать альтернативные пути достижения целей, осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения учебных и познавательных задач;
- развить умения осуществлять контроль по результату и по способу действия, вносить необходимые корректизы;
- развить умения адекватно оценивать правильность или ошибочность выполнения учебной задачи, её объективную трудность и собственные возможности её решения;
- овладеть логическими действиями определения понятий, обобщения, установления аналогий, классификации на основе самостоятельного выбора оснований и критериев, установления родовидовых связей;
- развить логическое и критическое мышление, культуру речи, способность к умственному эксперименту;
- развить владение общими способами интеллектуальной деятельности, характерными для математики и являющимися основой познавательной культуры, значимой для различных сфер человеческой деятельности.

## **Учебно-тематический план**

5 класс

Первый год обучения

1 час в неделю

<b>Тема блока</b>	<b>Количество часов</b>
Повторим математику	2
Учись применять математику	8
Измерение величин	8
Наглядная геометрия	8
Анализ статистических данных	8
Повторение	1
<b>ИТОГО</b>	<b>35</b>

## **6 класс**

<b>Тема блока</b>	<b>Количество часов</b>
Повторим математику	2
Делимость целых чисел	8
Процентные вычисления	8
Задачи на движение	8
Перебор вариантов	7
Повторение изученного материала	2
<b>ИТОГО</b>	<b>35</b>

## **7 класс**

<b>Тема блока</b>	<b>Количество часов</b>
Повторим математику	2
Примени математику	8
Поиск неизвестного	8
Конструктивная геометрия	8
Сравниваем шансы	7
Повторение изученного материала	2
<b>ИТОГО</b>	<b>35</b>

## **8 класс**

<b>Тема блока</b>	<b>Количество часов</b>
Повторим математику	2
Линейные уравнения и их применение	8
Системы линейных уравнений и их применение	7
Геометрия треугольника и её применение	8
Квадратные уравнения и их применение	8
Повторение изученного материала	2
<b>ИТОГО</b>	<b>35</b>

## **9 класс**

<b>Тема блока</b>	<b>Количество часов</b>
Повторим математику	2
Составление и преобразование буквенных выражений	8
Измерение геометрических величин	8
Квадратичная функция и её применение	8
Комбинаторика без формул и её применение	7
Повторение изученного материала	2
<b>ИТОГО</b>	<b>35</b>

## **Тематическое планирование.** **5 класс, 1-й год обучения**

<b>№ п/п</b>	<b>№ урока</b>	<b>Содержание (тема занятия)</b>	<b>Количество часов</b>	<b>Примечание Тип занятия</b>
<b>Тема 1</b>		<b>Повторим математику</b>	<b>2</b>	
1.1.	1	Повторение материала, изученного в курсе математики начальной школы	1	Урок- тренинг

1.2.	<b>2</b>	Диагностика усвоения курса математики начальной школы на базовом уровне	1	Урок-контроль
<b>Тема 2</b>		<b>Учись применять математику</b>	<b>8</b>	
2.1.	<b>3</b>	Подготовка к изучению темы	1	Урок-практикум
2.2.	<b>4</b>	Как применяется математика	1	Урок-исследование
2.3.	<b>5</b>	Поиски неизвестного количества	1	Урок-практикум
2.4.	<b>6</b>  <b>7</b>	Измерение величин	2	Практическая работа
2.5.	<b>8</b>  <b>9</b>	Анализ данных и планирование действий	2	Комбинированный урок
2.6.	<b>10</b>	Подведение итогов изучения темы	1	Комбинированный урок
<b>Тема 3</b>		<b>Измерение величин</b>	<b>8</b>	
3.1.	<b>11</b>	Подготовка к изучению темы	1	Урок-практикум
3.2.	<b>12</b>	Измерение стоимости	1	Урок-практикум

3.3.	13	Измерение времени	1	Урок-практикум
3.4.	14	Измерение массы	1	Практическая работа
3.5.	15	Измерение длины	1	Урок-практикум
3.6.	16	Измерение площади	2	Практическая работа
	17			
3.7.	18	Подведение итогов изучения темы	1	Урок защиты практических работ
<b>Тема 4</b>		<b>Наглядная геометрия</b>	<b>8</b>	
4.1.	19	Подготовка к изучению темы	1	Комбинированный урок
4.2.	20	Геометрические фигуры	1	Урок-практикум
4.3.	21	Задачи на разрезание	1	Урок применения знаний и умений
4.4.	22	Поиск закономерностей	1	Комбинированный урок
4.5.	23	Складывание фигур	1	Практическая работа
4.6.	24	Преобразование фигур	1	Комбинированный урок

				й урок
4.7.	<b>25</b>	Пространственные конструкции	1	Комбинированный урок
4.8.	<b>26</b>	Подведение итогов изучения темы	1	Урок защиты практических работ
<b>Тема 5</b>		<b>Анализ статистических данных</b>	<b>8</b>	
5.1.	<b>27</b>	Подготовка к изучению темы	1	Комбинированный урок
5.2.	<b>28</b>	Чтение и интерпретация таблиц	1	Практическая работа
5.3.	<b>29</b>	Проведение опросов, регистрация и интерпретация их результатов	1	Практическая работа
5.4.	<b>30</b>	Проведение наблюдений, регистрация и интерпретация их результатов	1	Практическая работа
5.5.	<b>31</b> <b>32</b>	Проведение простейших статистических экспериментов, регистрация и интерпретация их результатов	2	Практическая работа
5.6.	<b>33</b> <b>34</b>	Подведение итогов изучения темы	2	Урок защиты практических работ

	<b>35</b>	Повторение	<b>1</b>	
<b>Всего</b>			<b>35</b>	

**6 класс, 2-й год обучения**  
**Тематическое планирование**

<b>п/п</b>	<b>№ урока</b>	<b>Содержание (тема занятия)</b>	<b>Количество часов</b>	<b>Примечание Тип занятия</b>
<b>Тема 1</b>		<b>Повторим математику</b>	<b>2</b>	
1.1.	<b>1</b>	Повторение материала, изученного в 5 классе	1	Комбинированный урок
1.2.	<b>2</b>	Диагностика усвоения курса математики 5 класса на базовом уровне	1	Урок-контроль
<b>Тема 2</b>		<b>Делимость целых чисел</b>	<b>8</b>	
2.1.	<b>3</b>	Подготовка к изучению темы	1	Комбинированный урок
2.2.	<b>4</b> <b>5</b>	Применение понятия чётности числа при решении практических задач	2	Комбинированный урок
2.3.	<b>6</b>	Получение практических выводов с помощью признаков делимости	1	Комбинированный урок
2.4.	<b>7</b>	Использование понятий делителей и кратных в задачах, где	2	Комбинированный

	8	рассматриваемые величины принимают целые значения		урок
2.5.	9	Теорема о делении с остатком и её применение при решении прикладных задач	1	Комбинированный урок
2.6.	10	Подведение итогов изучения темы	1	Урок обобщения и систематизации знаний
<b>Тема 3</b>		<b>Процентные вычисления</b>	<b>8</b>	
3.1.	11	Подготовка к изучению темы	1	Урок ознакомления с новым материалом
3.2.	12	Процент и его связь с десятичными и обыкновенными дробями	1	Комбинированный урок
3.3.	13 14	Три типа задач на проценты, их применение в финансовых операциях	2	Урок применения знаний и умений
3.4.	15	Процент от процента	1	Комбинированный урок
3.5.	16 17	Процент от значения величины, зависящей от другой величины	2	Комбинированный урок
3.6.	18	Подведение итогов изучения темы	1	Урок обобщения и систематизации

				знаний
<b>Тема 4</b>		<b>Задачи на движение</b>	<b>8</b>	
4.1.	<b>19</b>	Подготовка к изучению темы	1	Комбинированный урок
4.2.	20	Прямолинейное равномерное движение	1	Практическая работа
4.3.	21	Движение в одном направлении	1	Практическая работа
4.4.	22	Движение в противоположных направлениях	1	Практическая работа
4.5.	<b>23</b>	Движения с несколькими составляющими	1	Практическая работа
4.6.	24	Движение в движущейся среде	1	Практическая работа
4.7.	<b>25</b>	Движение тел, размеры которых нельзя не учитывать	1	Практическая работа
4.8.	<b>26</b>	Защита практических работ	1	Урок защиты практических работ
<b>Тема 5</b>		<b>Перебор вариантов</b>	<b>7</b>	
5.1.	27	Подготовка к изучению темы	1	Комбинированный урок
5.2.	28	Приёмы перебора вариантов	1	Комбинированный урок
5.3.	29	Выбор элементов из одного множества с возвращением и без возвращения	1	Урок применения знаний и умений

5.4.	30 31	Упорядоченный и неупорядоченный выбор элементов	2	Комбинированный урок
5.5.	32	Разбиение на группы совокупности одинаковых или различных элементов	1	Комбинированный урок
5.6.	33	Подведение итогов изучения темы	1	Урок-контроль
<b>Тема 6</b>		<b>Повторение изученного материала</b>	<b>2</b>	
6.1.	<b>34</b>	Повторение материала, изученного на втором году обучения в курсе «Реальная математика»	1	Урок-тренинг
6.2.	<b>35</b>	Итоговый тест	1	Урок-контроль
Всего			35	

**7 класс, 3-й год обучения**  
**Тематическое планирование**

<b>№ п/п</b>	<b>Дата</b>	<b>Содержание (тема занятия)</b>	<b>Количество часов</b>	<b>Примечание Тип занятия</b>
<b>Тема 1</b>		<b>Повторим математику</b>	<b>8</b>	
1.1.		Повторение материала, изученного в 5-6 классах	2	Урок-тренинг
1.2.		Диагностика усвоения курса математики 5 – 6 классов на	2	Урок-контроль

		базовом уровне		
<b>Тема 2</b>		<b>Примени математику</b>	<b>16</b>	
2.1.		Подготовка к изучению темы	1	Урок-тренинг
2.2.		Подсчёт количества предметов и количества способов действия	3	Урок ознакомления с новым материалом
2.3.		Измерение величин	3	Практическая работа
2.4.		Задачи на движение	3	Практическая работа
2.5.		Подсчёт количества вариантов	2	Урок применения знаний и умений
2.6.		Учимся рассуждать	2	Урок-практикум
2.7.		Подведение итогов изучения темы	2	Урок обобщения и систематизации знаний
<b>Тема 3</b>		<b>Поиск неизвестного</b>	<b>16</b>	
3.1.		Подготовка к изучению темы	2	Урок-тренинг
3.2.		Нахождение неизвестного количества	3	Урок ознакомления с новым материалом
3.3.		Нахождение неизвестных значений величин	3	Урок-тренинг
3.4.		Среднее арифметическое, его применение для нахождения	3	Урок применения знаний и

		средних значений величин		умений
3.5.		Сравнение количеств и значений величин	3	Урок-тренинг
3.6.		Подведение итогов изучения темы	2	Урок обобщения и систематизации знаний
<b>Тема 4</b>		<b>Конструктивная геометрия</b>	<b>16</b>	
4.1.		Подготовка к изучению темы	2	Урок ознакомления с новым материалом
4.2.		Планиметрические геометрические конструкции	4	Практическая работа
4.3.		Пространственные геометрические конструкции	4	Практическая работа
4.4.		Преобразование геометрических фигур	4	Практическая работа
4.5		Подведение итогов изучения темы	2	Урок защиты практических работ
<b>Тема 5</b>		<b>Сравниваем шансы</b>	<b>14</b>	
5.1.		Подготовка к изучению темы	2	Урок ознакомления с новым материалом
5.2.		Случайный опыт и случайное событие	2	Урок-тренинг
5.3.		Достоверное, невозможное события — частные случаи случайных событий	3	Урок-тренинг
5.4.		Сравниваем шансы	3	Урок-тренинг

5.5.		Начинаем подсчитывать шансы	2	Урок-тренинг
5.6.		Подведение итогов изучения темы	2	Урок применения знаний и умений
<b>Тема 6</b>		<b>Повторение изученного материала</b>	<b>4</b>	
6.1.		Повторение материала, изученного на третьем году обучения в курсе «Реальная математика»	2	Урок-практикум
6.2.		Итоговый тест	2	Урок-контроль
<b>Всего</b>			<b>70</b>	

**8 класс, 4-й год обучения**  
**Тематическое планирование**

<b>№ п/п</b>	<b>Дата</b>	<b>Содержание (тема занятия)</b>	<b>Количество часов</b>	<b>Примечание Тип занятия</b>
<b>Тема 1</b>		<b>Повторим математику</b>	<b>8</b>	
1.1.		Повторение материала, изученного в 7 классе	2	Урок-тренинг
1.2.		Диагностика усвоения курса математики 7 класса на базовом уровне	2	Урок-контроль
<b>Тема 2</b>		<b>Линейные уравнения и их применение</b>	<b>16</b>	
2.1.		Подготовка к изучению темы	2	Урок ознакомления с новым материалом
2.2.		Линейные уравнения с одной переменной и их	4	Урок-практикум

		применение для моделирования физических процессов		
2.3.		Применение линейных уравнений с одной переменной к описанию линейных зависимостей величин	4	Урок-тренинг
2.4.		Линейные уравнения с двумя переменными, их применение, приёмы решения	4	Урок применения знаний и умений
2.5.		Подведение итогов изучения темы	2	Урок-контроль
<b>Тема 3</b>		<b>Системы линейных уравнений и их применение</b>	<b>14</b>	
3.1.		Подготовка к изучению темы	2	Урок ознакомления с новым материалом
3.2.		Системы линейных уравнений с двумя переменными и их применение для моделирования физических процессов	4	Урок применения знаний и умений
3.3.		Системы линейных уравнений с тремя переменными, их применение, приёмы решения	3	Урок-тренинг
3.4.		Системы уравнений, сводящиеся к системам линейных уравнений, их применение	3	Урок применения знаний и умений
3.5.		Подведение итогов изучения темы	2	Урок обобщения и систематизации знаний
<b>Тема 4</b>		<b>Геометрия треугольника и её применение</b>	<b>16</b>	

4.1.		Подготовка к изучению темы	2	Урок-тренинг
4.2.		Свойства расстояний и углов и их применение в прикладных задачах	4	Практическая работа
4.3.		Прямоугольные треугольники и их применение для вычисления расстояний	4	Практическая работа
4.4.		Подобные треугольники и их применение для вычисления расстояний	4	Комбинированный урок
4.5.		Подведение итогов изучения темы	2	Урок обобщения и систематизации знаний
<b>Тема 5</b>		<b>Квадратные уравнения и их применение</b>	<b>16</b>	
5.1.		Подготовка к изучению темы	2	Урок ознакомления с новым материалом
5.2.		Приёмы решения квадратных уравнений	4	Урок-тренинг
5.3.		Уравнения, приводящиеся к квадратным, их применение для описания обратной пропорциональной зависимости между величинами	4	Урок-тренинг
5.4.		Системы уравнений, из которых хотя бы одно уравнение выше первой степени, методы их решения.	4	Урок-тренинг
5.5.		Подведение итогов изучения темы	2	Урок обобщения и систематизации

				знаний
<b>Тема 6</b>		<b>Повторение изученного материала</b>	<b>4</b>	
6.1.		Повторение материала, изученного на 4 году обучения в курсе «Реальная математика»	2	Урок-тренинг
6.2.		Итоговый тест	2	Урок-контроль
<b>Всего</b>			<b>70</b>	

**9 класс, 5-й год обучения  
Тематическое планирование**

<b>№ п/п</b>	<b>Дата</b>	<b>Содержание (тема занятия)</b>	<b>Количество часов</b>	<b>Примечание Тип занятия</b>
<b>Тема 1</b>		<b>Повторим математику</b>	<b>8</b>	
1.1.		Повторение материала, изученного в 8 классе	2	Урок-тренинг
1.2.		Диагностика усвоения курса математики 8 класса на базовом уровне	2	Урок-контроль
<b>Тема 2</b>		<b>Составление и преобразование буквенных выражений</b>	<b>16</b>	
2.1		Подготовка к изучению темы	2	Урок ознакомления с новым материалом
2.2		Нахождение и оценивание значений искомой величины	4	Урок применения

				знаний и умений
2.3		Составление выражений для искомой величины	4	Урок-тренинг
2.4		Применение преобразований выражений для решения уравнений	4	Урок-тренинг
2.5		Подведение итогов изучения темы	2	Урок обобщения и систематизации знаний
<b>Тема 3</b>		<b>Измерение геометрических величин</b>	<b>16</b>	
3.1		Подготовка к изучению темы	2	Урок-тренинг
3.2		Измерение длин и расстояний	4	Практическая работа
3.3		Измерение углов	4	Практическая работа
3.4		Измерение площадей	4	Практическая работа
3.5		Подведение итогов изучения темы	2	Урок обобщения и систематизации знаний
<b>Тема 4</b>		<b>Квадратичная функция и её применение</b>	<b>16</b>	
4.1		Подготовка к изучению темы	2	Урок ознакомления с новым

				материалом
4.2.		Квадратное уравнение, его свойства и применение для моделирования различных физических процессов	4	Урок-практикум
4.3.		Свойства квадратичной функции и её применение для моделирования равнопеременного движения	4	Урок-практикум
4.4.		Применение квадратичной функции для решения оптимизационных задач	4	Урок применения знаний и умений
4.5.		Подведение итогов изучения темы	2	Урок обобщения и систематизации знаний
<b>Тема 5</b>		<b>Комбинаторика без формул и её применение</b>	<b>14</b>	
5.1.		Подготовка к изучению темы	2	Урок ознакомления с новым материалом
5.2.		Перебор возможных вариантов	2	Урок-практикум
5.3.		Правила умножения, сложения и дополнения	2	Урок-практикум
5.4.		Перестановки	2	Урок применения знаний и умений
5.5.		Результаты выбора не меняются, если изменить порядок следования элементов	2	Урок применения знаний и умений
5.6.		Распределение $p$ одинаковых предметов в $m$ ячейках	2	Урок-практикум

5.7.		Элементы теории вероятности. Подведение итогов изучения темы	2	Урок обобщения и систематизации знаний
<b>Тема 6</b>		<b>Повторение материала, изученного на 5 году обучения в курсе «Реальная математика»</b>	<b>4</b>	
6.1.		Повторение материала, изученного в курсе математики основной школы	2	Урок-практикум
6.2.		Итоговый тест	2	Урок-контроль
<b>Всего</b>			<b>70</b>	

#### **Раздел 4. Содержание курса «Реальная математика» с указанием форм организации и видов деятельности**

В теме «Повторим математику» в каждом классе планируется повторение учебного материала, изученного в предыдущем классе, диагностика владения этим материалом на базовом и основном уровнях с последующей коррекцией результатов диагностики.

*Первый год обучения*

## **Тема «Повторим математику»**

**Содержание.** Натуральные числа и действия над ними. Единицы измерения величин. Нахождение значений величин. Геометрические фигуры и их свойства. Измерение геометрических величин.

## **Тема «Учись применять математику»**

**Содержание.** Математическая модель, математическое моделирование, основные этапы решения прикладной задачи. Нахождение неизвестных количеств и значений величин, измерение величин, анализ данных, планирование действий.

### ***Виды деятельности обучающегося:***

- находит неизвестные количества предметов, тел, действий и т. д.;
- находит неизвестные значения массы, времени, длины, денежных расходов, температуры и др.;
- планирует работу, выбирает наилучший вариант её выполнения, извлекает информацию из таблиц, делает выводы из неё.

## **Тема «Измерение величин»**

**Содержание.** Общая схема измерения величин, измерение различных величин (стоимости, времени, массы, длины, площади) с использованием различных единиц их измерения, свойств величин и средств их измерения.

### ***Виды деятельности обучающегося:***

- находит и сравнивает значения стоимости продукции, цены единицы продукции, количество единиц продукции, используя зависимости между этими величинами;
- находит и сравнивает значения времени, применяя различные единицы времени, используя различные приборы, измеряющие время;
- находит и сравнивает значения массы, применяя свойства массы, используя приборы для измерения массы;
- находит и сравнивает значения длины, площади, используя их свойства, различные единицы их измерения, элементы геометрических фигур.

### **Тема «*Наглядная геометрия*»**

**Содержание.** Простейшие геометрические фигуры и их свойства. Равенство фигур. Разрезание и складывание фигур, поиск закономерностей построения фигур, простейшие перемещения фигур.

#### ***Виды деятельности обучающегося:***

- различает и изображает геометрические фигуры;
- разрезает геометрические фигуры на заданные части;
- находит закономерности в образовании последовательностей фигур;
- составляет геометрические фигуры из заданных;
- преобразовывает геометрические фигуры;
- конструирует прямоугольный параллелепипед и куб.

### **Тема «*Анализ статистических данных*»**

**Содержание.** Задачи статистики, генераторы случайности. Способы получения информации (из таблиц, путём наблюдений, опросов, проведения простейших статистических экспериментов), методы её регистрации, интерпретация полученной информации, её использование для прогнозирования поведения изучаемого явления.

***Виды деятельности обучающегося:***

- извлекает информацию из таблиц;
- проводит опросы, регистрирует их результаты;
- получает информацию с помощью наблюдений, регистрирует их результаты;
- проводит простейшие статистические эксперименты, регистрирует их результаты;
- делает выводы из полученной информации.

***Второй год обучения***

**Тема «*Повторим математику*»**

**Содержание.** Понятие дроби. Десятичные дроби и действия над ними. Сравнение, округление десятичных дробей. Единицы измерения величин. Нахождение значений величин. Координатный луч. Углы, их измерение и сравнение. Геометрические фигуры и их свойства. Измерение геометрических величин.

**Тема «*Делимость целых чисел*»**

**Содержание.** Задачи, решаемые с помощью арифметического действия деления. Применение понятий чётного и нечётного числа при решении практических задач; Общий признак делимости на  $p$  и простейшие частные признаки делимости (на 2, 3, 4, 5). Делители и

кратные, их свойства и применение. Связь распределительного свойства умножения с понятием делимости. Теорема о делении с остатком и следствия из неё.

***Виды деятельности обучающегося:***

- использует свойства чётности в прикладных задачах;
- применяет простейшие признаки делимости для решения жизненных задач;
- решает практические задачи, где данные и искомые являются целыми числами;
- применяет теорему о делении с остатком в практических задачах.

**Тема «Процентные вычисления»**

**Содержание.** Понятие процента. Связь понятия процента с десятичными и обыкновенными дробями. Оценивание в процентах части от целого. Три основные задачи на проценты, их применение в финансовых операциях. Процент от процента. Процент от значения одной величины, зависящей от другой.

***Виды деятельности обучающегося:***

- находит в практических задачах процент от числа, число по его проценту, процентное отношение двух чисел;
- находит, как и на сколько процентов изменилось значение величины, если вначале оно изменилось на некоторое количество процентов, а затем полученное значение изменилось на какое-то количество процентов;
- находит, на сколько процентов изменяется значение величины, если известно, как она зависит от некоторой величины, о которой известно на сколько процентов изменилось её значение.

**Тема «Задачи на движение».**

**Содержание.** Прямолинейное равномерное движение. Движение в одном направлении и в противоположных направлениях. Движение с несколькими составляющими. Движение в движущейся среде. Движение объектов, размеры которых нельзя не учитывать.

***Виды деятельности обучающегося:***

- находит и сравнивает по значениям двух из трёх параметров прямолинейного равномерного движения тела (путь, скорость, время) значения третьего;
- находит параметры прямолинейного равномерного движения двух тел при движении как в одном направлении, так и в противоположных направлениях;
- решает задачи на движение тел, когда в ходе движения изменяются его параметры, то есть на движение с различными составляющими;
- учитывает, когда движение тела происходит в движущейся среде.

***Тема «Перебор вариантов»***

***Содержание.*** Приёмы перебора вариантов выбора и распределения элементов. Выбор элементов из одного множества с возвращением и без возвращения. Упорядоченный и неупорядоченный выбор элементов. Выбор из совокупности различных элементов или из совокупности одинаковых.

***Виды деятельности обучающегося:***

- решает комбинаторные задачи, где фигурирует небольшое количество элементов, методом перебора;
- различает случаи, когда выбранный элемент возвращается в исходную совокупность, а когда не возвращается; случаи, когда выбор производится из совокупности различных элементов, а когда из совокупности одинаковых;
- решает простейшие задачи на подсчёт количества разбиений данной совокупности различных или одинаковых элементов на заданное количество групп (различимых или неразличимых).

***Третий год обучения***

***Тема «Повторим математику»***

**Содержание.** Обыкновенные дроби и действия над ними. Проценты, их связь с дробями. Три основные задачи на проценты. Отношения и пропорции. Положительные и отрицательные числа. Делимость целых чисел. Единицы измерения величин. Нахождение значений величин. Координатная прямая. Решение простейших линейных уравнений. Геометрические фигуры и их свойства. Измерение геометрических величин.

### Тема «Примени математику»

**Содержание.** Подсчёт количества предметов, количества способов осуществить некоторое действие. Измерение величин. Задачи на движение. Подсчёт количества вариантов. Учимся рассуждать.

#### **Виды деятельности обучающегося:**

- находит неизвестные количества предметов, тел, действий и т. д.;
- измеряет массу, время, длину, денежные расходы, температуру и др.;
- находит скорость, расстояние, время при прямолинейном равномерном движении одного или двух объектов;
- подсчитывает количества комбинаций, подчинённых тем или иным условиям.

### Тема «Поиск неизвестного»

**Содержание.** Нахождение неизвестного количества и неизвестных значений величин. Поиск среднего. Сравнение количеств и значений величин.

#### **Виды деятельности обучающегося:**

- находит неизвестные количества различными методами;
- находит неизвестные значения величин различных типов;
- вычисляет и применяет средние значения различных величин;

- сравнивает количества и значения различных величин.

### **Тема «*Конструктивная геометрия*»**

**Содержание.** Геометрические фигуры на плоскости и операции над ними. Куб, параллелепипед, их свойства и изображения, развертки их поверхностей. Равенство фигур. Преобразования фигур. Задачи на разрезание.

***Виды деятельности обучающегося:***

- строит конструкции из геометрических фигур с заданными свойствами их взаимного расположения;
- использует изображения пространственных фигур для их характеристики;
- использует перемещения для сравнения фигур;
- преобразовывает геометрические фигуры.

### **Тема «*Сравниваем шансы*»**

**Содержание.** Случайные явления и события. Достоверное, невозможное, случайное событие. Сравнение шансов наступления случайных событий. Подсчёт шансов наступления случайного события в простейших случаях.

***Виды деятельности обучающегося:***

- различает случайные и неслучайные явления; достоверные, невозможные и события, не являющиеся ни достоверными, ни невозможными;
- сравнивает и оценивает в простейших случаях шансы наступления случайных событий.

### ***Четвёртый год обучения***

#### **Тема «*Повторим математику*»**

**Содержание.** Степени с натуральным показателем и действия над ними. Обращение обыкновенной дроби в десятичную и десятичной в обыкновенную. Разложение многочлена на множители. Формулы сокращённого умножения. Уравнения первой степени. График линейного уравнения. Графическое изображение реальных зависимостей. Системы линейных уравнений. Три основные задачи на проценты. Нахождение значений величин. Геометрические фигуры и их свойства. Измерение геометрических величин.

### **Тема «Линейные уравнения и их применение»**

**Содержание.** Линейные уравнения с одной переменной — математические модели многих реальных процессов. Применение линейных уравнений с одной переменной. Линейные уравнения с двумя переменными, их применение, приёмы решения.

#### **Виды деятельности обучающегося:**

- составляет линейные уравнения с одной и двумя переменными для нахождения неизвестных значений величин и количеств;
- составляет и решает уравнения, сводящиеся к линейным с помощью равносильных преобразований, для нахождения неизвестных значений величин и количеств.

### **Тема «Системы линейных уравнений и их применение»**

**Содержание.** Системы линейных уравнений с двумя переменными математические модели многих реальных процессов. Системы линейных уравнений с тремя переменными, их применение, приёмы решения. Системы уравнений, сводящиеся к системам линейных уравнений.

#### **Виды деятельности обучающегося:**

- составляет системы уравнений с двумя и тремя переменными для нахождения нескольких неизвестных значений величин и количеств;
- составляет и решает системы уравнений, сводящиеся к системам линейных уравнений с помощью преобразований для нахождения неизвестных значений величин и количеств;

- использует системы линейных уравнений с несколькими переменными для нахождения сумм неизвестных значений величин или количеств, натуральных их значений.

### **Тема «Геометрия треугольника и её применение»**

**Содержание.** Элементы треугольника и его виды. Неравенства треугольника. Прямоугольный треугольник. Теорема Пифагора. Подобные треугольники.

***Виды деятельности обучающегося:***

- применяет свойства треугольников для измерения длин, расстояний в реальных ситуациях;
- применяет понятия подобия для решения прикладных задач.

### **Тема «Квадратные уравнения и их применение»**

**Содержание.** Приёмы решения квадратных уравнений — математических моделей многих реальных процессов. Уравнения, сводящиеся к квадратным, их применение. Системы уравнений, по крайней мере одно из которых выше первой степени, их применение, приёмы решения.

***Виды деятельности обучающегося:***

- составляет квадратные уравнения для нахождения неизвестных значений величин и количеств;
- составляет и решает уравнения, сводящиеся к квадратным с помощью преобразований для нахождения неизвестных значений величин и количеств;
- составляет и решает системы уравнений с несколькими переменными, в которых хотя бы одно уравнение выше первой степени для нахождения неизвестных значений величин и количеств.

### ***Пятый год обучения***

#### **Тема «Повторим математику»**

**Содержание.** Степени с целыми показателями и действия над ними. Квадратный корень, арифметическое значение корня. Дробные выражения, их свойства. Сравнение рациональных чисел. Функции, их виды, свойства и графики. Прямоугольная система координат. Уравнение линии. Нахождение значений величин. Геометрические фигуры и их свойства. Измерение геометрических величин.

### Тема «*Составление и преобразование буквенных выражений*»

**Содержание.** Нахождение значений искомой величины. Составление выражений для искомой величины. Преобразование выражений для решения уравнений. Решение прикладных задач, в которых данные выражены буквами.

#### **Виды деятельности обучающегося:**

- составляет буквенные выражения, пользуясь связями между значениями величин или количеств;
- преобразовывает буквенные выражения с целью упрощения вычисления их значений, решения уравнений и систем, содержащих их, и т. д.;
- находит выражения для неизвестных количеств и значений величин, если значения известных величин выражены не числами, а буквами.

### Тема «*Измерение геометрических величин*»

**Содержание.** Измерение длин отрезков и расстояний. Расстояние от точки до фигуры. Поиск кратчайшего расстояния. Измерение угловых мер. Угловая мера дуги окружности. Угол поворота. Измерение площадей геометрических фигур.

#### **Виды деятельности обучающегося:**

- находит, сравнивает и оценивает длины и расстояния в реальных ситуациях, используя свойства геометрических фигур;
- находит, сравнивает угловые меры углов, углов поворота;
- находит, сравнивает и оценивает площади реальных объектов, используя различные методы.

### Тема «*Квадратичная функция и её применение*»

**Содержание.** Квадратное уравнение, приёмы его решения, свойства, применение. Квадратичная функция, её свойства и графики. Применение квадратичной функции.

**Виды деятельности обучающегося:**

- применяет формулы для нахождения корней квадратных уравнений, теорему Виета, разложение квадратного трёхчлена к решению прикладных задач;
- использует понятие квадратичной функции, её свойства и графики для решения задач, связанных с равноускоренным движением;
- применяет результаты исследования квадратичной функции к решению прикладных задач, сводящихся к нахождению наибольшего и наименьшего значений функции.

**Тема «Комбинаторика без формул и её применение»**

**Содержание.** Перебор возможных вариантов. Комбинаторные правила умножения, сложения и дополнения. Перестановки. Случай, когда результаты выбора изменяются от изменения порядка извлечения элементов и когда не изменяются. Случай, когда выбираемый элемент возвращается в исходную совокупность и когда не возвращается. Распределение  $n$  одинаковых элементов в  $m$  ячейках.

**Виды деятельности обучающегося:**

- решает методом перебора комбинаторные задачи, в которых исходная совокупность состоит из небольшого количества элементов;
- применяет правила умножения, сложения и дополнения к решению комбинаторных задач;
- применяет формулы комбинаторики и комбинаторные методы для решения прикладных задач.

**Форма организации учебного процесса.**

Форма организации изучения всех тем — семинарская. Рекомендуется модульно-блочное проектирование процесса обучения. Изучение каждой темы сводится к реализации следующих блоков: установочного, учебного, итогового.

В установочном блоке проводится беседа о роли темы в моделировании жизненных ситуаций и явлений; даётся характеристика цели и содержания темы; обеспечивается готовность к работе над темой.

Реализация учебного блока предполагает:

- проведение вступительной беседы;
- формирование цели обучения;
- обеспечение готовности к работе;
- изложение теоретического материала;
- обучение решению типовых задач;
- организацию самостоятельной работы учащихся на занятии;
- контроль усвоения учебного материала блока;
- подведение итогов изучения материала блока.

В итоговом блоке проводятся диагностика усвоения темы с помощью теста, консультация по завершению работы над домашним заданием, подводятся итоги изучения темы, в частности проводится заключительная беседа о месте данной темы при решении житейских задач, задач из смежных предметов, задач, которые могут появиться в профессиональной деятельности различных специалистов.

#### **Литература.**

#### **Для обучающихся:**

1. Тихомирова, Л.Ф. Развитие познавательных способностей детей. / Л.Ф.Тихомирова – Ярославль, Академия развития, 2009.
2. Нестеренко, Ю.В. Лучшие задачи на смекалку. / Ю.В.Нестеренко – М.: АСТ – ПРЕСС, 2009.
3. Нагибин, Ф.Ф., Канин, Е.С. Математическая шкатулка [Текст]: Пос. для уч-ся.- [Изд. 4-е, перераб. и доп.] .- М.: Просвещение, 1984.
4. Фарков, А.В. Готовимся к олимпиадам по математике [Текст]: учеб. – метод. пособие /А.В. Фарков.- М.: Экзамен, 2007

5. Фарков, А.В. Математические кружки в школе 5-8 классы [Текст] /А.В. Фарков.- 3-е изд.- М.: Айрис-пресс, 2007.- (Школьные олимпиады).
6. Фарков, А.В. Математические олимпиады в школе 5-11 классы [Текст] /А.В. Фарков.- 4-е изд.- М.: Айрис-пресс, 2005.
7. Баврин И.И., Фрибус Е.А. Занимательные задачи по математике. – М : Гуманит. Изд. Центр ВЛАДОС, 1999.
8. Депман И.Я., Виленкин Н.Я. За страницами учебника математики – М: Просвещение, 1989
9. Пичурин Л.Ф. За страницами учебника алгебры: Кн. для учащихся 7 – 9 классов общеобраз. учрежд. – 2-е изд., дораб. – М.: Просвещение, 1999.
10. Мирошин В.В. Алгебра 9 класс. Типовые тестовые задания. – М: Экзамен, 2009
11. Лысенко Ф.Ф. Алгебра 9 класс. Подготовка к итоговой аттестации. – Ростов-на-Дону: Легион, 2008.
12. Перельман Я.И. Занимательная алгебра. – М.: АО “Столетие”, 1994.
13. <http://mathgia.ru/>
14. <http://znanika.ru/>

**Для учителей:**

1. Бродский Я.С., Павлов А. Л. Математика. Тесты для школьников и поступающих в вузы. — М.: ООО «Издательский дом «ОНИКС 21 век»: ООО «Издательство «Мир и образование», 2005.
2. <http://znanika.ru/>
3. <http://mathgia.ru/>